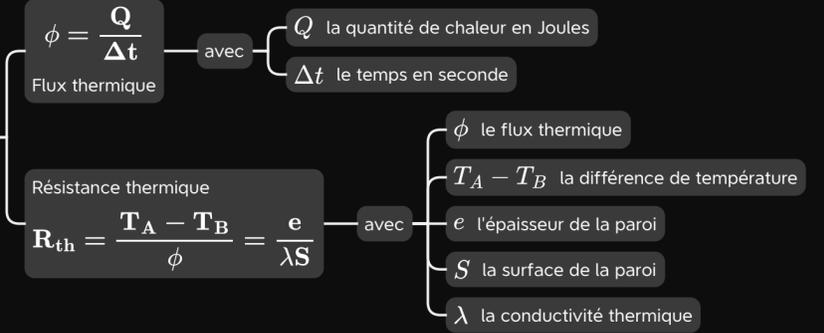


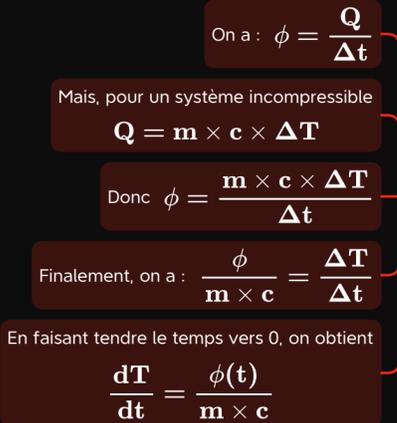
C26 - Flux thermique

I - Définitions



Évolution temporelle

Détermination de l'équation différentielle



Le modèle de Newton
 $\phi(t) = h \cdot S_{(s^{-1})} \times (T - T_{ext})$

On obtient : $\frac{dT}{dt} = \frac{h \cdot S_{(s^{-1})} \times (T - T_{ext})}{m \times c}$

$\frac{dT}{dt} = \frac{hS}{mc} (T - T_{ext})$

$\tau = \frac{mc}{hS}$

On pose

On obtient $\frac{dT}{dt} = \frac{(T_{ext} - T)}{\tau}$

On développe $\frac{dT}{dt} = -\frac{T}{\tau} + \frac{T_{ext}}{\tau}$

On obtient $\frac{dT}{dt} + \frac{T}{\tau} = \frac{T_{ext}}{\tau}$

Établir l'équation différentielle

Détermination de la solution de l'équation dans une situation où le modèle de Newton s'applique

Donner la forme de la solution

Nous sommes face à une équation différentielle du premier ordre dont le second membre est constant

La solution est donc de la forme

$T(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B$

Quand t tend vers l'infini : $T = B = T_{ext}$

A t=0 : $T_0 = A + B$

$A = T_0 - T_{ext}$

$B = T_{ext}$

Donc

Utiliser les conditions initiales pour trouver les constantes